

# ГАЛЬВАНМЕХАНИЧЕСКИЕ ЭФФЕКТЫ В ГЕКСАГОНАЛЬНЫХ ДИРАКОВСКИХ 2D МОНОСЛОЙНЫХ МАТЕРИАЛАХ

**Снегирев А.В. Ковалев В.М. Энтин М.В.**

Институт физики полупроводников СО РАН  
Новосибирский государственный университет



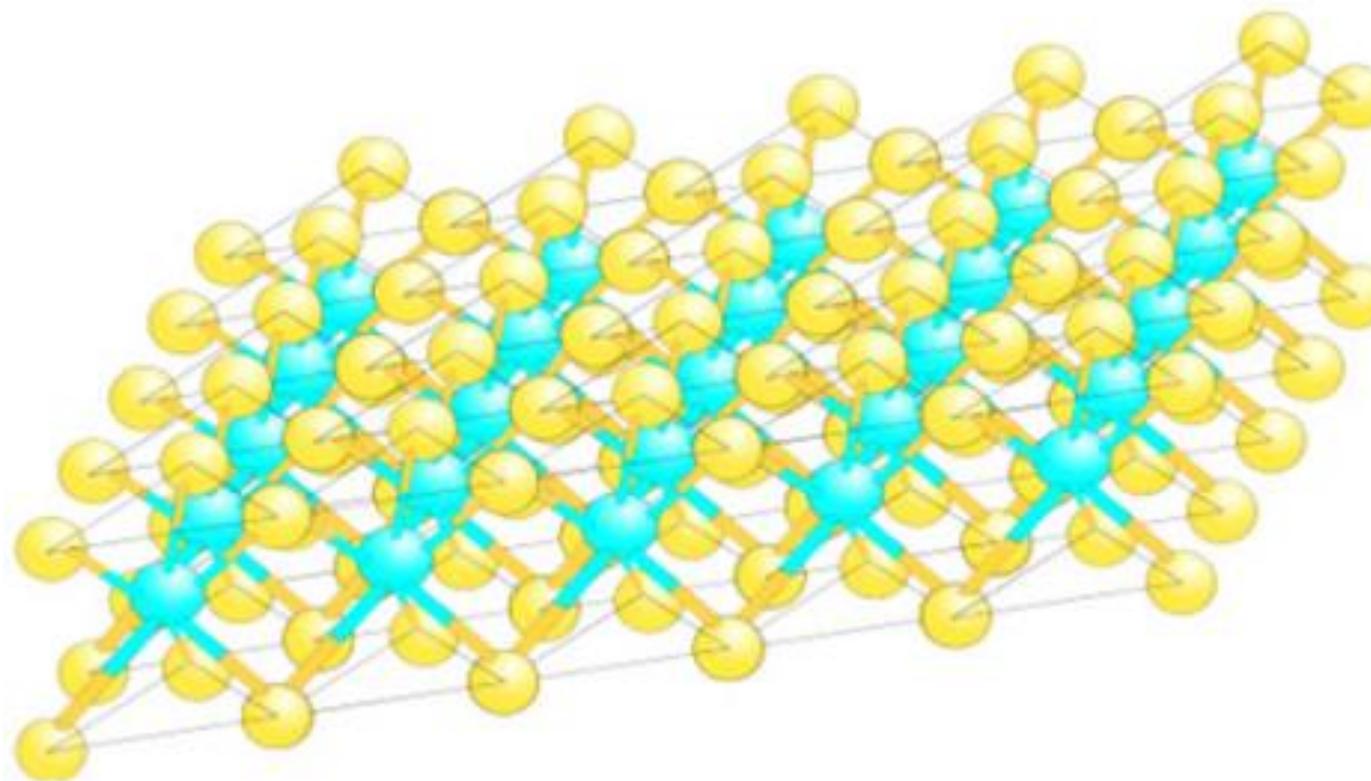
INSTITUTE OF SEMICONDUCTOR PHYSICS, SIBERIAN BRANCH  
OF THE RUSSIAN ACADEMY OF SCIENCE



# Содержание

- Монослои  $\text{MX}_2$
- Ток, вызванный обобщенными силами
- Гамильтониан с учётом деформации
- Междолинное рассеяние в легированном и чистом образцах
- Заключение

# Дихалькогениды переходных металлов

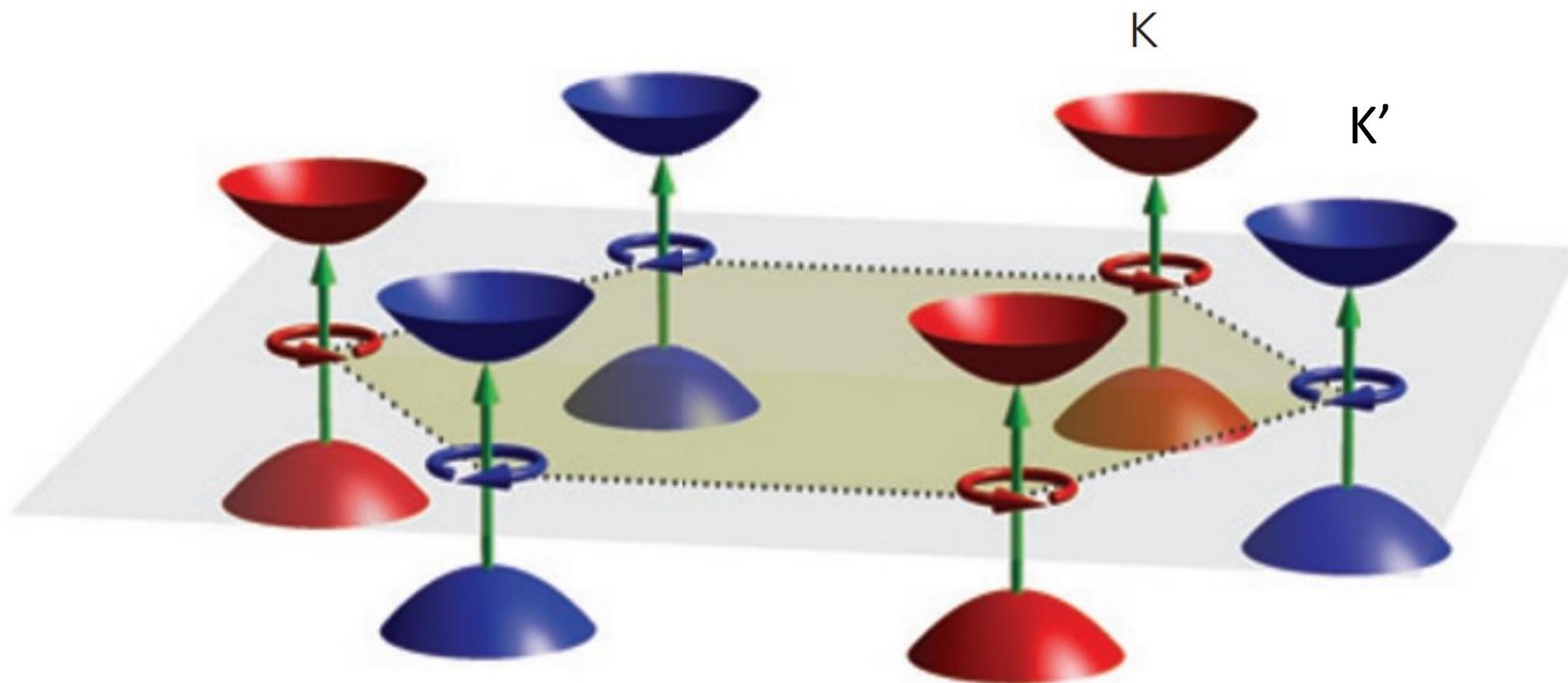


-Mo,W



- S, Se, Te

# Спектр вблизи К-точек



# Ток, вызванный обобщенными силами

$$\dot{j}_i = \gamma_i^{(0)} F + \gamma_{ij}^{(1)} F_j + \gamma_{ijk}^{(2)} F_j F_k + \dots$$

$$u_{ij} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \quad \rightarrow \quad \dot{j}_\alpha = \lambda_{\alpha\beta\gamma} u_{\beta\gamma} \Delta N$$

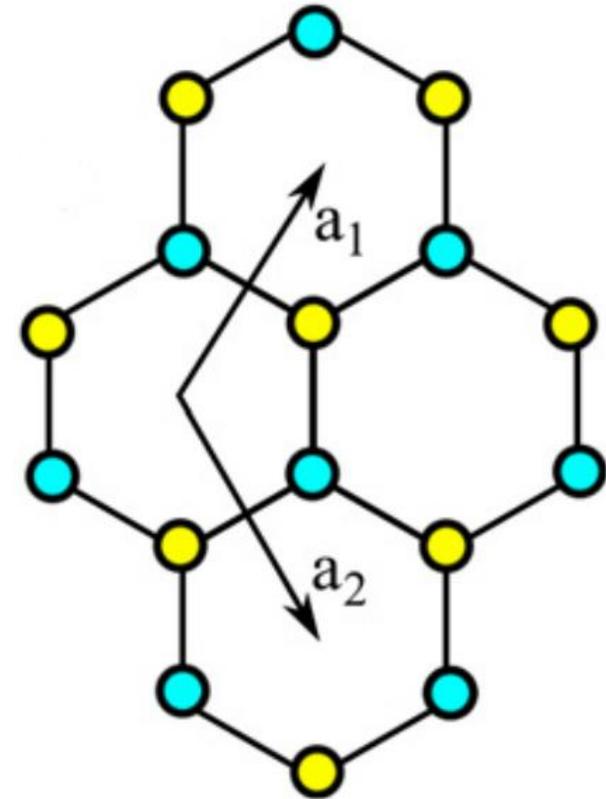
# Соображения симметрии

Группа симметрии кристалла –  $D_{3h}$

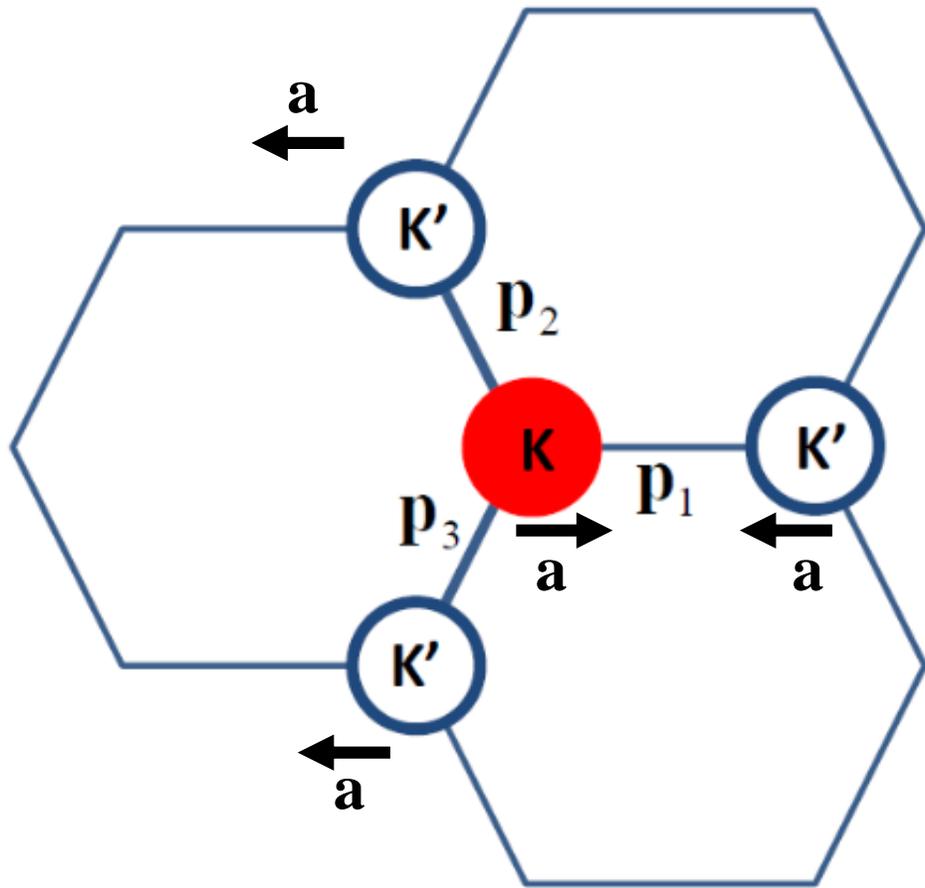


Соотношения между компонентами  
тензоров 3-го ранга

$$\lambda_{xxx} = -\lambda_{xyy} = -\lambda_{yxy} = -\lambda_{yyx} = \lambda$$



# Гамильтониан с учётом деформации

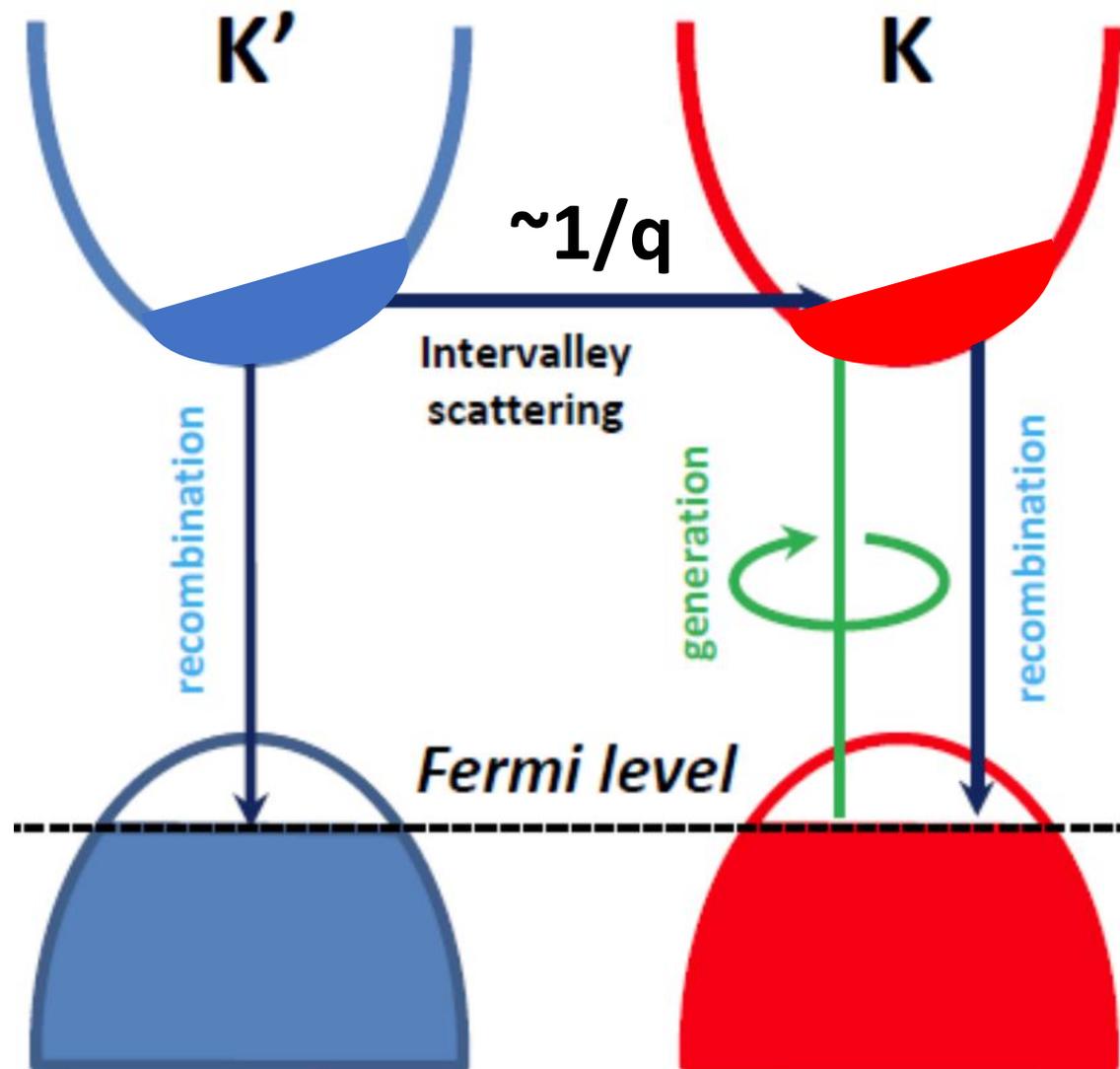


$$H = \begin{pmatrix} \Delta/2 & v(\mathbf{k} - \mathbf{a})_- \\ v(\mathbf{k} - \mathbf{a})_+ & -\Delta/2 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{a} = \eta \Xi (u_{yy} - u_{xx}; 2u_{xy})$$

$$(\mathbf{k} - \mathbf{a})_{\pm} = \eta(k_x - a_x) \pm i(k_y - a_y)$$

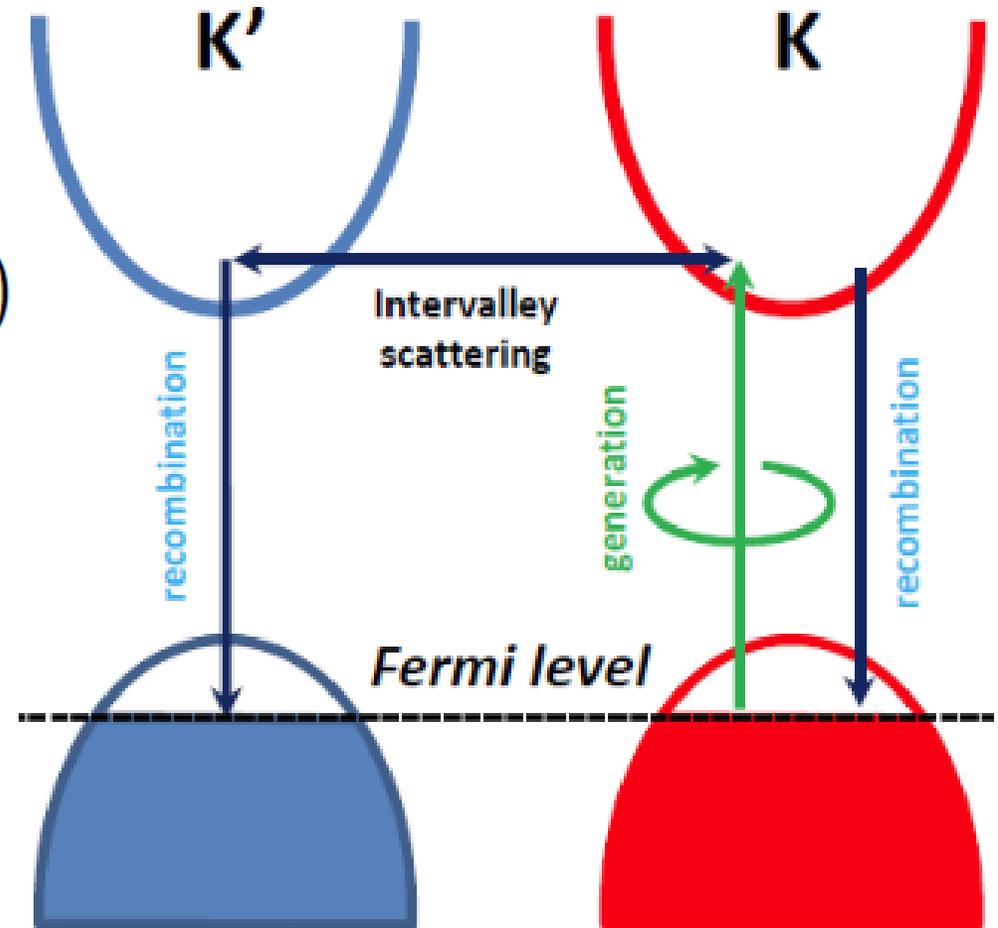
# Междолинное рассеяние

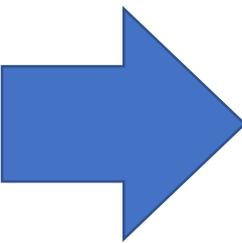


# n-(p-) легированный образец

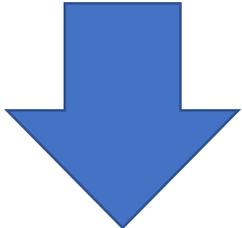
$$\frac{f_{\mathbf{k}}^+}{\tau_R} = g_{\mathbf{k}} + \sum_{\mathbf{K}} (W_{\mathbf{k}\mathbf{K}}^{+-} f_{\mathbf{K}}^- - W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} f_{\mathbf{k}}^+)$$

$$\frac{f_{\mathbf{K}}^-}{\tau_R} = \sum_{\mathbf{k}} (W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} f_{\mathbf{k}}^+ - W_{\mathbf{k}\mathbf{K}}^{+-} f_{\mathbf{K}}^-)$$



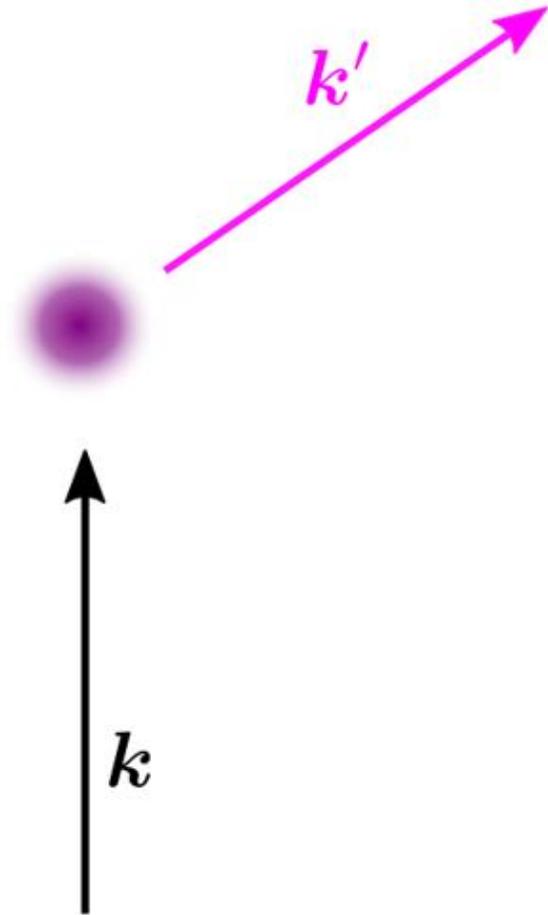
$$\begin{aligned}
 f_{\mathbf{k}}^+ &= f_{\mathbf{k}}^0 + \delta f_{\mathbf{k}}^+ & \delta f_{\mathbf{k}}^+ &= -\tau_R^2 g_{\mathbf{k}} \sum_{\mathbf{K}} W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} \\
 f_{\mathbf{K}}^- &= 0 + \delta f_{\mathbf{K}}^- & \delta f_{\mathbf{K}}^- &= \tau_R^2 \sum_{\mathbf{k}} W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} g_{\mathbf{k}}
 \end{aligned}$$


$$\mathbf{j}^\pm = e \sum_{\mathbf{K}} \mathbf{v}_{\mathbf{K}}^\pm \delta f_{\mathbf{K}}^\pm$$



$$\mathbf{j} = -\frac{e\tau_R^2}{3} \sum_{\mathbf{k}, \mathbf{K}} (\mathbf{v}_{\mathbf{k}}^+ - \mathbf{v}_{\mathbf{K}}^-) g_{\mathbf{k}} W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+}$$

# Рассеяние на примесях



$$V(\mathbf{k}' + \mathbf{p}_i - \mathbf{k}) \rightarrow V(\mathbf{k}' + \mathbf{p}_i - \mathbf{k} + 2\mathbf{a})$$

$$|M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 \approx |M(\mathbf{p}_i)|^2 + \frac{\partial |M(\mathbf{p}_i)|^2}{\partial (p_i)_\alpha} (2a_\alpha + \Delta k_\alpha) + \frac{1}{2} \frac{\partial^2 |M(\mathbf{p}_i)|^2}{\partial (p_i)_\alpha \partial (p_i)_\beta} (2a_\alpha + \Delta k_\alpha)(2a_\beta + \Delta k_\beta)$$

$$|M(\mathbf{p}_i)|^2 = n_i V_p^2 \quad \left| \quad V_q = 2\pi e^2 / \varepsilon |\mathbf{q}| \right.$$

# Матричные элементы

$$\delta W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} = 2\pi \langle \delta |M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 \rangle \delta(\varepsilon_{\mathbf{k}'} - \varepsilon_{\mathbf{k}})$$

$$\delta |M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 = \frac{\partial^2 |M(\mathbf{p}_i)|^2}{\partial(p_i)_\alpha \partial(p_i)_\beta} (a_\alpha \Delta k_\beta + a_\beta \Delta k_\alpha)$$

$$\langle \delta |M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 \rangle = \sum_{\mathbf{p}_i} \delta |M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 = 6n_{imp} V_p^2 \frac{a_x (k'_x - k_x)}{p^2}$$

# Результат

$$j_x = 2e \frac{\tau_R}{\tau_i} \frac{a_x}{\hbar p^2} (\hbar\omega - \Delta) N_e$$

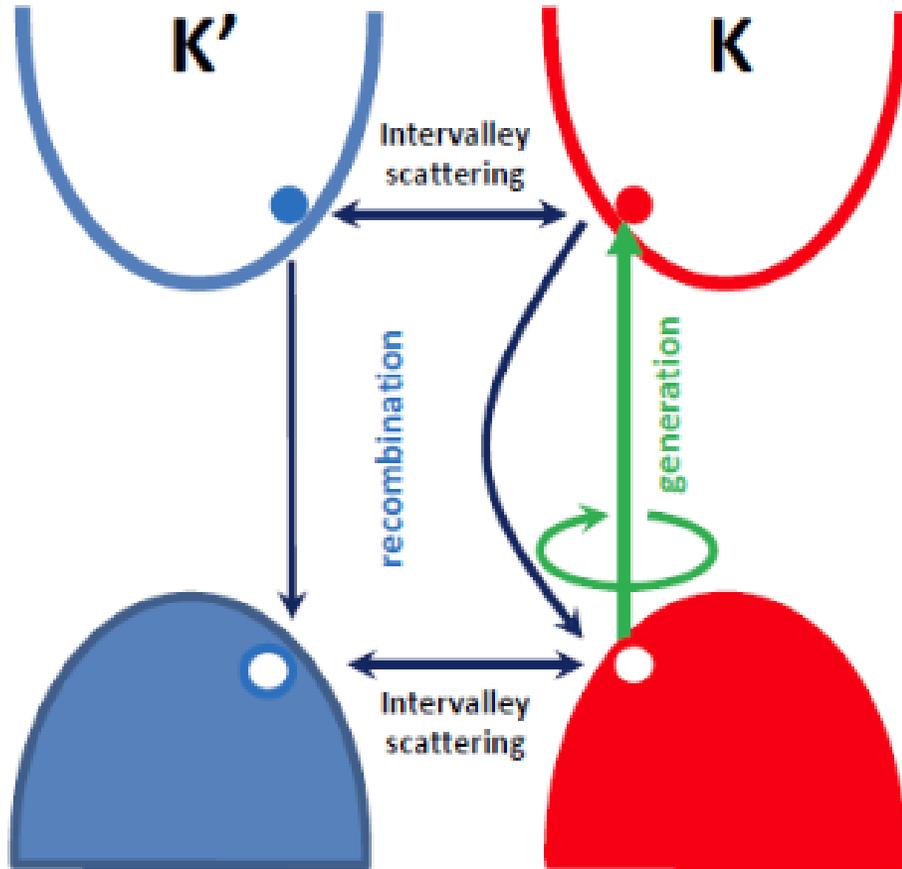


$$\lambda = 2e \frac{\Xi}{\hbar p^2} \frac{\tau_R}{\tau_i} (\hbar\omega - \Delta)$$

$$\tau_i^{-1} = \frac{m n_i V_p^2}{\hbar^3}$$

$$N_e = \frac{1}{2} |M_0|^2 m \tau_R \theta[\omega - 2|\mu|]$$

# Чистый образец



$$\sum_{\mathbf{k}_1} W_{\mathbf{k}\mathbf{k}_1}^R f_{\mathbf{k}}^+ \phi_{\mathbf{k}_1}^+ = g_{\mathbf{k}} + \sum_{\mathbf{K}'} (W_{\mathbf{k}\mathbf{K}'}^{+-} f_{\mathbf{K}'}^- - W_{\mathbf{K}'\mathbf{k}}^{-+} f_{\mathbf{k}}^+)$$

$$\sum_{\mathbf{K}_1} W_{\mathbf{K}\mathbf{K}_1}^R f_{\mathbf{K}}^- \phi_{\mathbf{K}_1}^- = \sum_{\mathbf{k}'} (W_{\mathbf{K}\mathbf{k}'}^{-+} f_{\mathbf{k}'}^+ - W_{\mathbf{k}'\mathbf{K}}^{+-} f_{\mathbf{K}}^-)$$

$$f_{\mathbf{k}}^{\pm} = \frac{2\pi\hbar}{m_c T} N^{\pm} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}^e/T} \quad \phi_{\mathbf{k}}^{\pm} = \frac{2\pi\hbar}{m_v T} P^{\pm} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}^h/T}$$



$$\alpha N^+ P^+ = G - \frac{N^+ - N^-}{\tau_v}$$

$$\alpha N^- P^- = -\frac{N^- - N^+}{\tau_v}$$

$$\alpha = \frac{(2\pi\hbar)^2}{m_c m_v T^2} W^R \sum_{\mathbf{k}\mathbf{k}_1} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}^e/T} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}_1}^h/T} \quad \left| \quad \frac{1}{\tau_v} = \frac{2\pi\hbar}{m_c T} \sum_{\mathbf{k}\mathbf{K}} W_{\mathbf{k}\mathbf{K}}^0 e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}^e/T}$$

# Результат

$$\mathbf{j} = -\frac{e}{3} \frac{2\pi\hbar\Delta N}{m_c T} \sum_{\mathbf{k}, \mathbf{K}} (\tau_R^+ \mathbf{v}_{\mathbf{k}}^+ - \tau_R^- \mathbf{v}_{\mathbf{K}}^-) \delta W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}/T}$$

$$\lambda = 2e \frac{\Xi}{\hbar p^2} \left( \frac{\tau_R^+ + \tau_R^-}{2\tau_i} \right) (2T) \quad \left| \quad \begin{array}{l} \Delta N = N^+ - N^- \\ (\tau_R^\pm)^{-1} = W^R \sum_{\mathbf{k}_1} \phi_{\mathbf{k}_1}^\pm \end{array} \right.$$

# Заключение

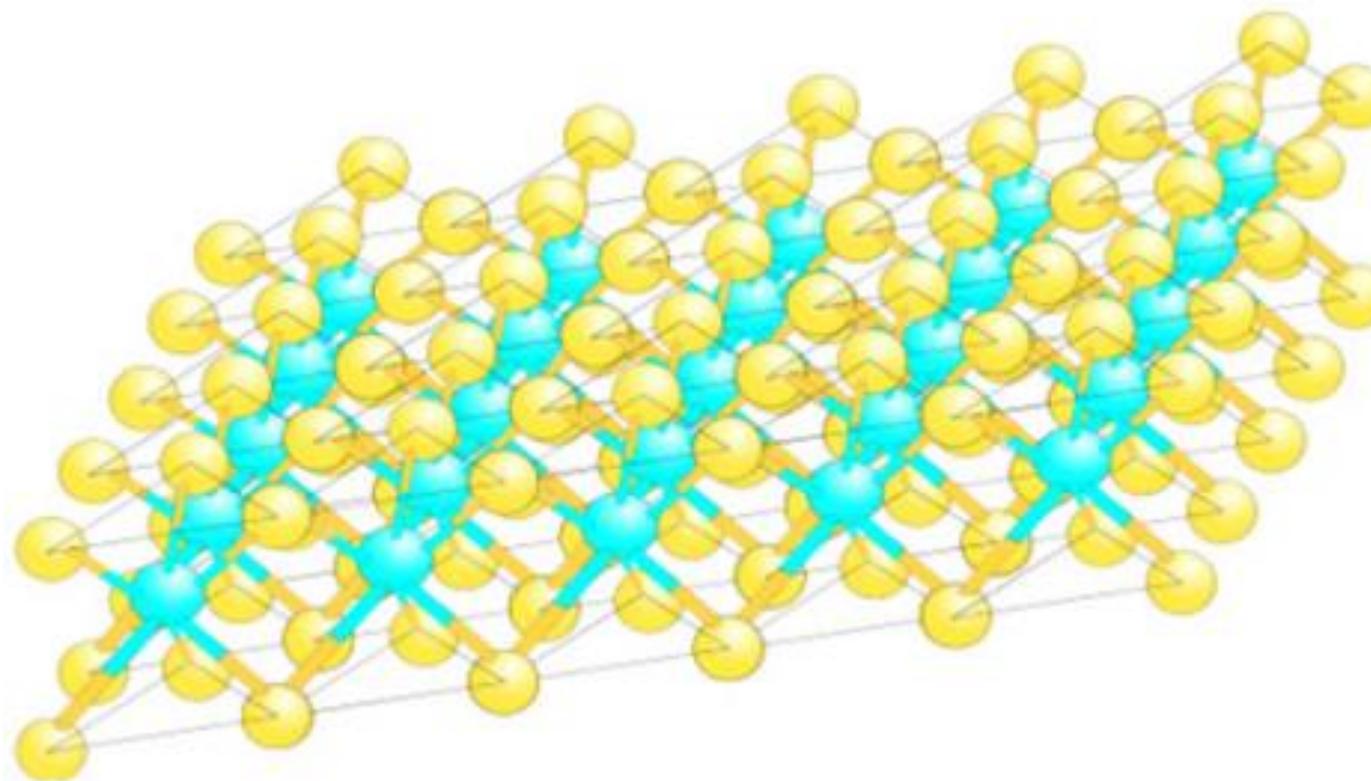
- Разработана теория фотогальванического эффекта, индуцированного облучением и одноосной деформацией
- Были рассмотрены случаи легированных и чистых образцов
- Полученные эффекты имеют долинный характер

Авторы благодарны С.А.Тарасенко за полезные обсуждения

# Содержание

- Монослои  $\text{MX}_2$
- Ток, вызванный обобщенными силами
- Гамильтониан с учётом деформации
- Междолинное рассеяние в легированном и чистом образцах
- Заключение

# Дихалькогениды переходных металлов

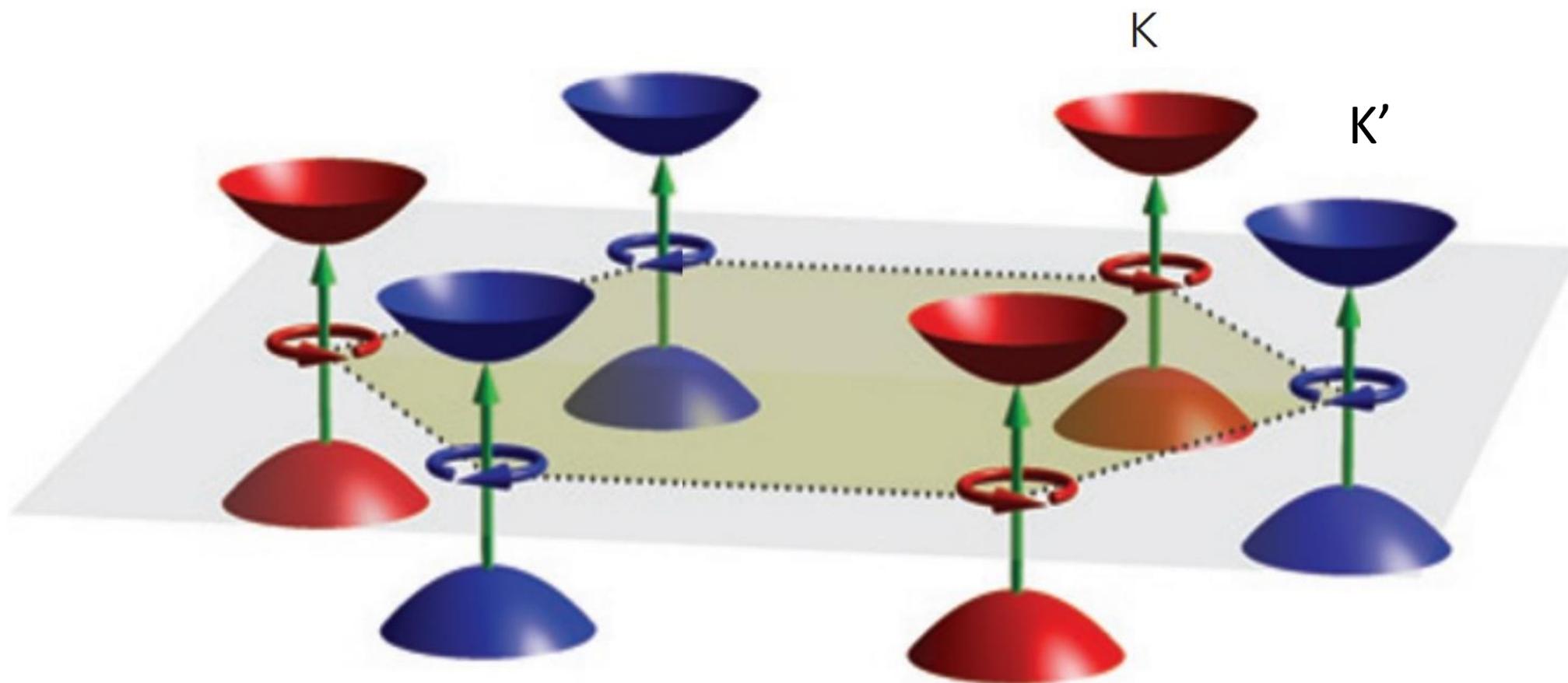


-Mo,W



- S, Se, Te

# Спектр вблизи К-точек



# Ток, вызванный обобщенными силами

$$\dot{j}_i = \gamma_i^{(0)} F + \gamma_{ij}^{(1)} F_j + \gamma_{ijk}^{(2)} F_j F_k + \dots$$

$$u_{ij} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \quad \rightarrow \quad \dot{j}_\alpha = \lambda_{\alpha\beta\gamma} u_{\beta\gamma} \Delta N$$

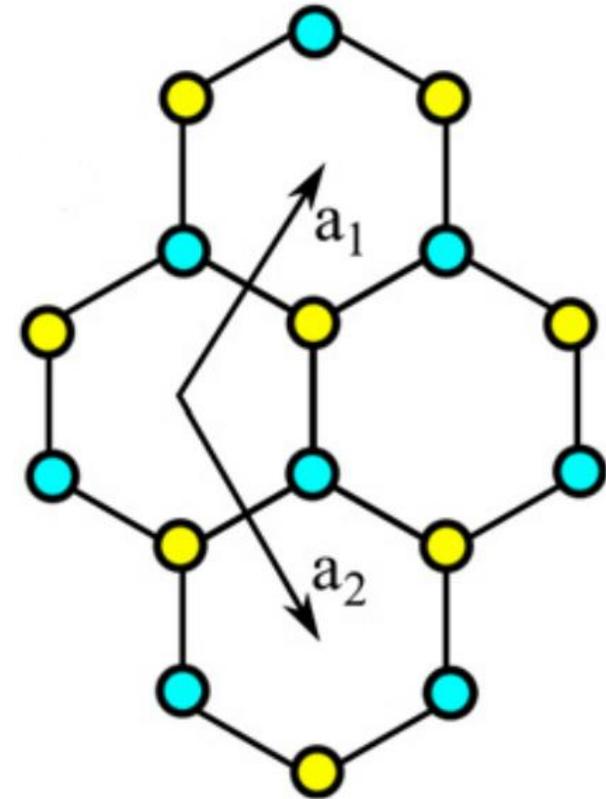
# Соображения симметрии

Группа симметрии кристалла –  $D_{3h}$

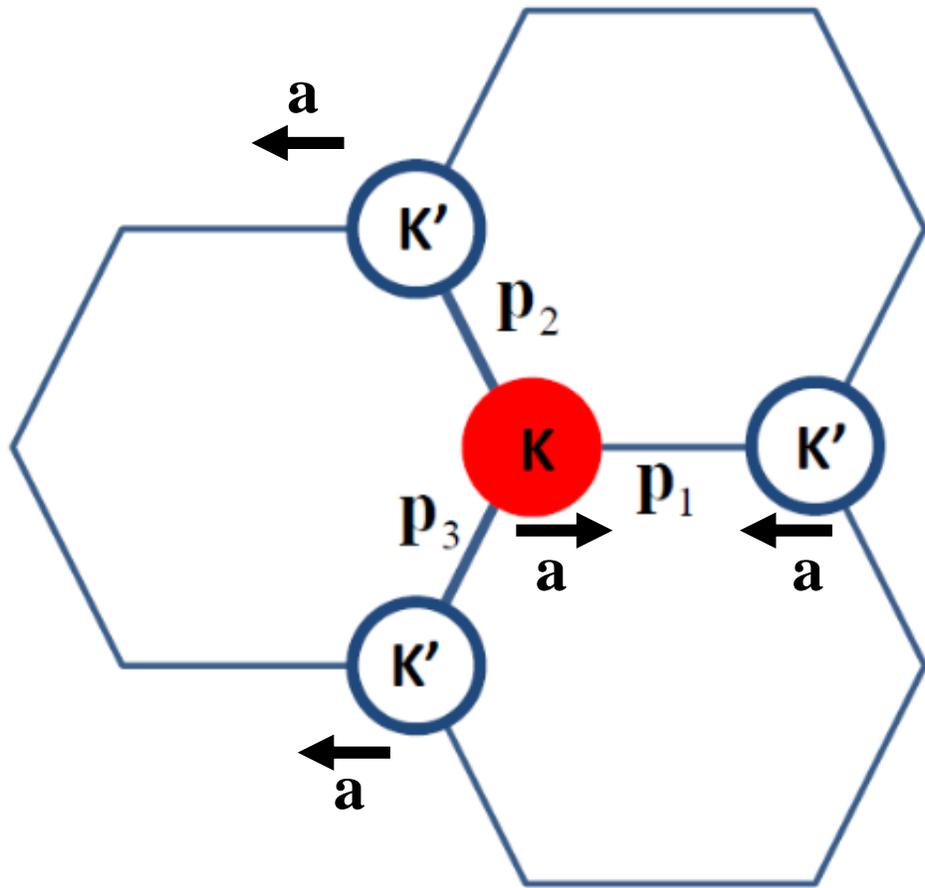


Соотношения между компонентами  
тензоров 3-го ранга

$$\lambda_{xxx} = -\lambda_{xyy} = -\lambda_{yxy} = -\lambda_{yyx} = \lambda$$



# Гамильтониан с учётом деформации

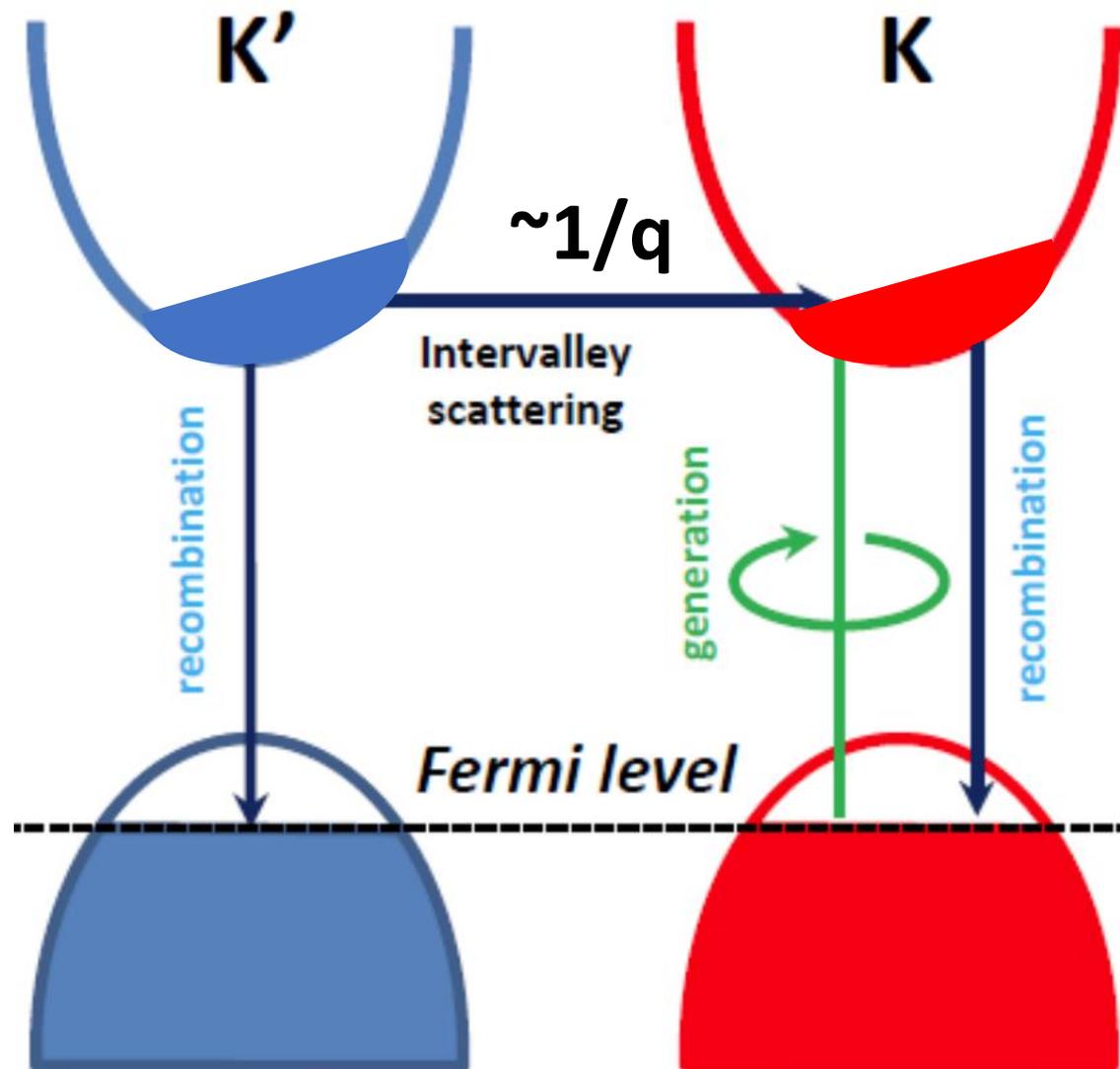


$$H = \begin{pmatrix} \Delta/2 & v(\mathbf{k} - \mathbf{a})_- \\ v(\mathbf{k} - \mathbf{a})_+ & -\Delta/2 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{a} = \eta \Xi (u_{yy} - u_{xx}; 2u_{xy})$$

$$(\mathbf{k} - \mathbf{a})_{\pm} = \eta(k_x - a_x) \pm i(k_y - a_y)$$

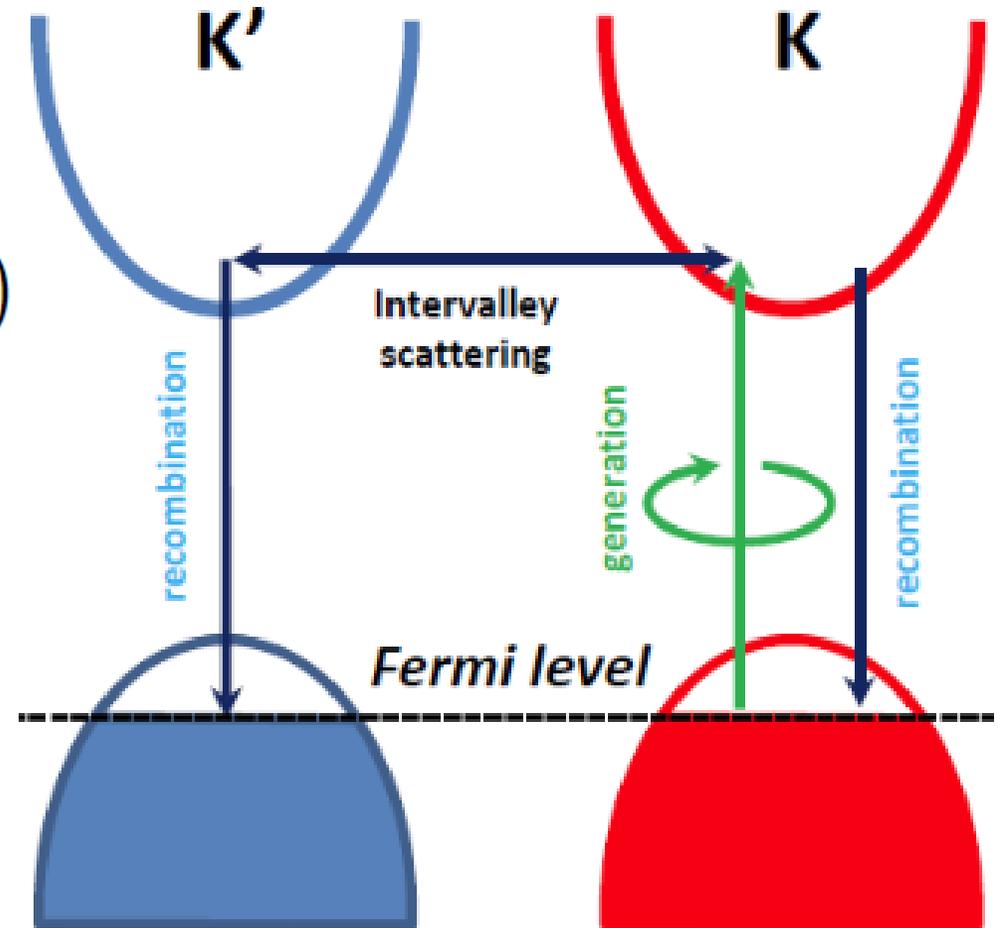
# Междолинное рассеяние

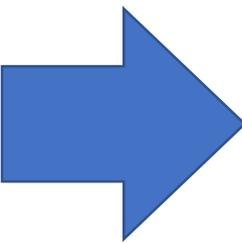


# n-(p-) легированный образец

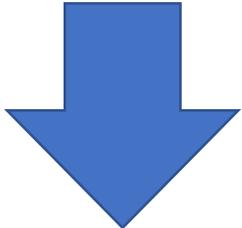
$$\frac{f_{\mathbf{k}}^+}{\tau_R} = g_{\mathbf{k}} + \sum_{\mathbf{K}} (W_{\mathbf{k}\mathbf{K}}^{+-} f_{\mathbf{K}}^- - W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} f_{\mathbf{k}}^+)$$

$$\frac{f_{\mathbf{K}}^-}{\tau_R} = \sum_{\mathbf{k}} (W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} f_{\mathbf{k}}^+ - W_{\mathbf{k}\mathbf{K}}^{+-} f_{\mathbf{K}}^-)$$



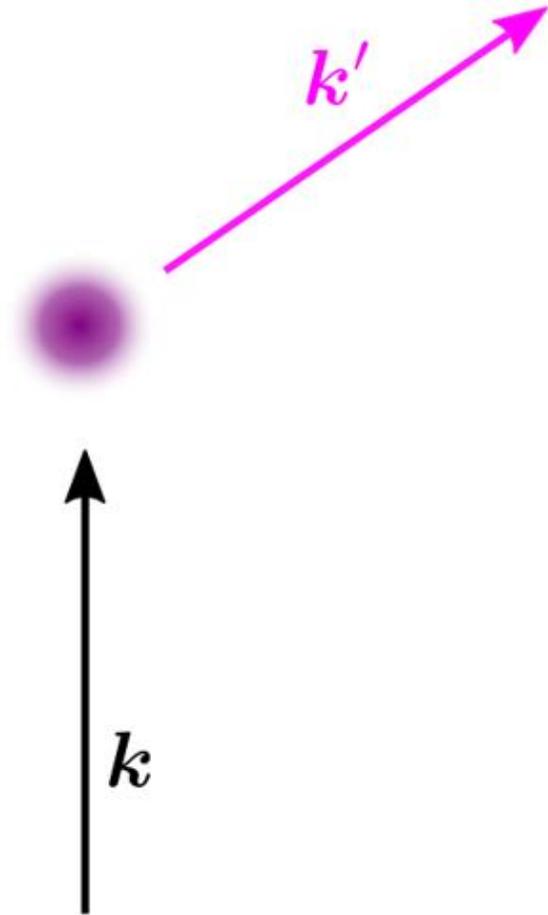
$$\begin{aligned}
 f_{\mathbf{k}}^+ &= f_{\mathbf{k}}^0 + \delta f_{\mathbf{k}}^+ & \delta f_{\mathbf{k}}^+ &= -\tau_R^2 g_{\mathbf{k}} \sum_{\mathbf{K}} W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} \\
 f_{\mathbf{K}}^- &= 0 + \delta f_{\mathbf{K}}^- & \delta f_{\mathbf{K}}^- &= \tau_R^2 \sum_{\mathbf{k}} W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} g_{\mathbf{k}}
 \end{aligned}$$


$$\mathbf{j}^\pm = e \sum_{\mathbf{K}} \mathbf{v}_{\mathbf{K}}^\pm \delta f_{\mathbf{K}}^\pm$$



$$\mathbf{j} = -\frac{e\tau_R^2}{3} \sum_{\mathbf{k}, \mathbf{K}} (\mathbf{v}_{\mathbf{k}}^+ - \mathbf{v}_{\mathbf{K}}^-) g_{\mathbf{k}} W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+}$$

# Рассеяние на примесях



$$V(\mathbf{k}' + \mathbf{p}_i - \mathbf{k}) \rightarrow V(\mathbf{k}' + \mathbf{p}_i - \mathbf{k} + 2\mathbf{a})$$

$$|M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 \approx |M(\mathbf{p}_i)|^2 + \frac{\partial |M(\mathbf{p}_i)|^2}{\partial (p_i)_\alpha} (2a_\alpha + \Delta k_\alpha) + \frac{1}{2} \frac{\partial^2 |M(\mathbf{p}_i)|^2}{\partial (p_i)_\alpha \partial (p_i)_\beta} (2a_\alpha + \Delta k_\alpha)(2a_\beta + \Delta k_\beta)$$

$$|M(\mathbf{p}_i)|^2 = n_i V_p^2 \quad \left| \quad V_q = 2\pi e^2 / \varepsilon |\mathbf{q}| \right.$$

# Матричные элементы

$$\delta W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} = 2\pi \langle \delta |M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 \rangle \delta(\varepsilon_{\mathbf{k}'} - \varepsilon_{\mathbf{k}})$$

$$\delta |M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 = \frac{\partial^2 |M(\mathbf{p}_i)|^2}{\partial(p_i)_\alpha \partial(p_i)_\beta} (a_\alpha \Delta k_\beta + a_\beta \Delta k_\alpha)$$

$$\langle \delta |M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 \rangle = \sum_{\mathbf{p}_i} \delta |M_{\mathbf{k}'\mathbf{k}}^{-+}|^2 = 6n_{imp} V_p^2 \frac{a_x (k'_x - k_x)}{p^2}$$

# Результат

$$j_x = 2e \frac{\tau_R}{\tau_i} \frac{a_x}{\hbar p^2} (\hbar\omega - \Delta) N_e$$

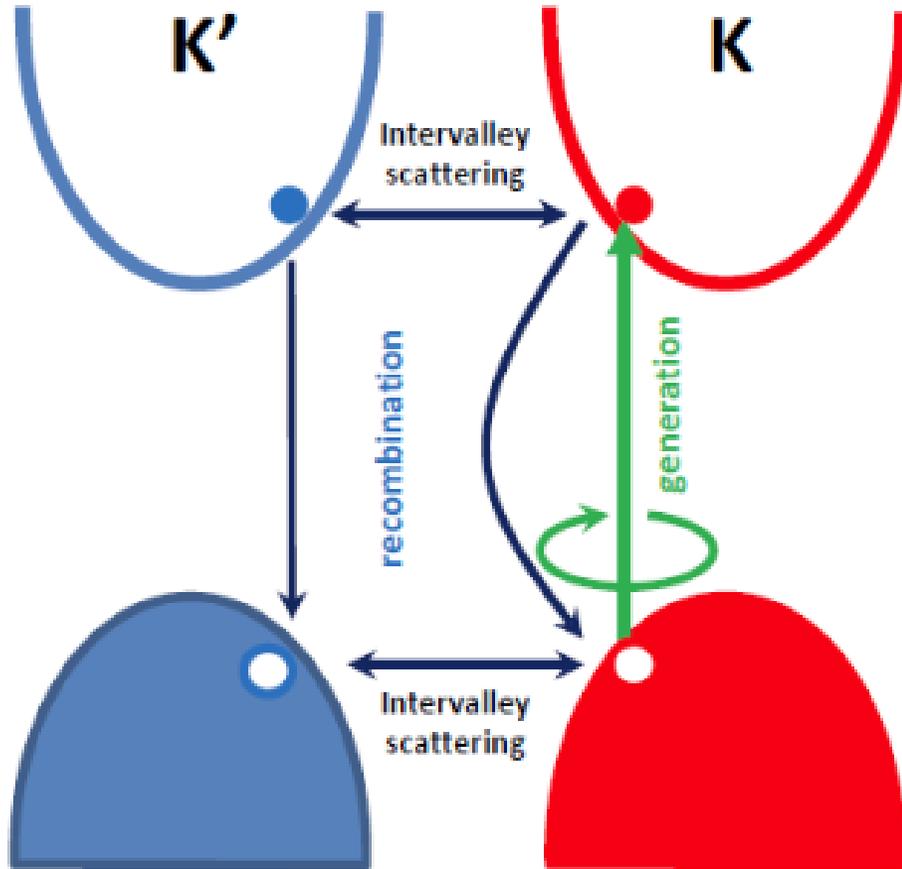


$$\lambda = 2e \frac{\Xi}{\hbar p^2} \frac{\tau_R}{\tau_i} (\hbar\omega - \Delta)$$

$$\tau_i^{-1} = \frac{m n_i V_p^2}{\hbar^3}$$

$$N_e = \frac{1}{2} |M_0|^2 m \tau_R \theta[\omega - 2|\mu|]$$

# Чистый образец



$$\sum_{\mathbf{k}_1} W_{\mathbf{k}\mathbf{k}_1}^R f_{\mathbf{k}}^+ \phi_{\mathbf{k}_1}^+ = g_{\mathbf{k}} + \sum_{\mathbf{K}'} (W_{\mathbf{k}\mathbf{K}'}^{+-} f_{\mathbf{K}'}^- - W_{\mathbf{K}'\mathbf{k}}^{-+} f_{\mathbf{k}}^+)$$

$$\sum_{\mathbf{K}_1} W_{\mathbf{K}\mathbf{K}_1}^R f_{\mathbf{K}}^- \phi_{\mathbf{K}_1}^- = \sum_{\mathbf{k}'} (W_{\mathbf{K}\mathbf{k}'}^{-+} f_{\mathbf{k}'}^+ - W_{\mathbf{k}'\mathbf{K}}^{+-} f_{\mathbf{K}}^-)$$

$$f_{\mathbf{k}}^{\pm} = \frac{2\pi\hbar}{m_c T} N^{\pm} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}^e/T} \quad \phi_{\mathbf{k}}^{\pm} = \frac{2\pi\hbar}{m_v T} P^{\pm} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}^h/T}$$



$$\alpha N^+ P^+ = G - \frac{N^+ - N^-}{\tau_v}$$

$$\alpha N^- P^- = -\frac{N^- - N^+}{\tau_v}$$

$$\alpha = \frac{(2\pi\hbar)^2}{m_c m_v T^2} W^R \sum_{\mathbf{k}\mathbf{k}_1} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}^e/T} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}_1}^h/T} \quad \left| \quad \frac{1}{\tau_v} = \frac{2\pi\hbar}{m_c T} \sum_{\mathbf{k}\mathbf{K}} W_{\mathbf{k}\mathbf{K}}^0 e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}^e/T}$$

# Результат

$$\mathbf{j} = -\frac{e}{3} \frac{2\pi\hbar\Delta N}{m_c T} \sum_{\mathbf{k}, \mathbf{K}} (\tau_R^+ \mathbf{v}_{\mathbf{k}}^+ - \tau_R^- \mathbf{v}_{\mathbf{K}}^-) \delta W_{\mathbf{K}\mathbf{k}}^{-+} e^{-\varepsilon_{\mathbf{k}}/T}$$

$$\lambda = 2e \frac{\Xi}{\hbar p^2} \left( \frac{\tau_R^+ + \tau_R^-}{2\tau_i} \right) (2T) \quad \left| \quad \begin{array}{l} \Delta N = N^+ - N^- \\ (\tau_R^\pm)^{-1} = W^R \sum_{\mathbf{k}_1} \phi_{\mathbf{k}_1}^\pm \end{array} \right.$$

# Заключение

- Разработана теория фотогальванического эффекта, индуцированного облучением и одноосной деформацией
- Были рассмотрены случаи легированных и чистых образцов
- Полученные эффекты имеют долинный характер