



# Перенос заряда в переменном электрическом поле вдоль одномерной цепи

Четвериков Артём Олегович

Студент 1 курса магистратуры кафедры ХиБФ ФФ НГУ

Инженер-исследователь лаборатории быстропротекающих  
процессов ИХКГ СО РАН

Научный руководитель

Боровков Всеволод Игоревич

д. ф.-м. н., профессор РАН

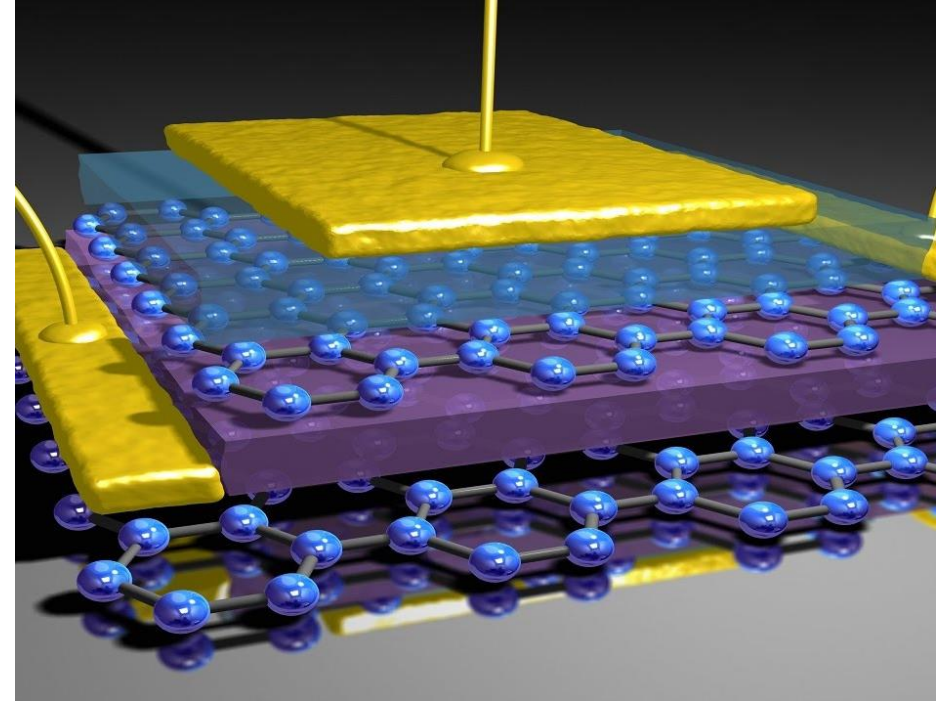
# Содержание доклада

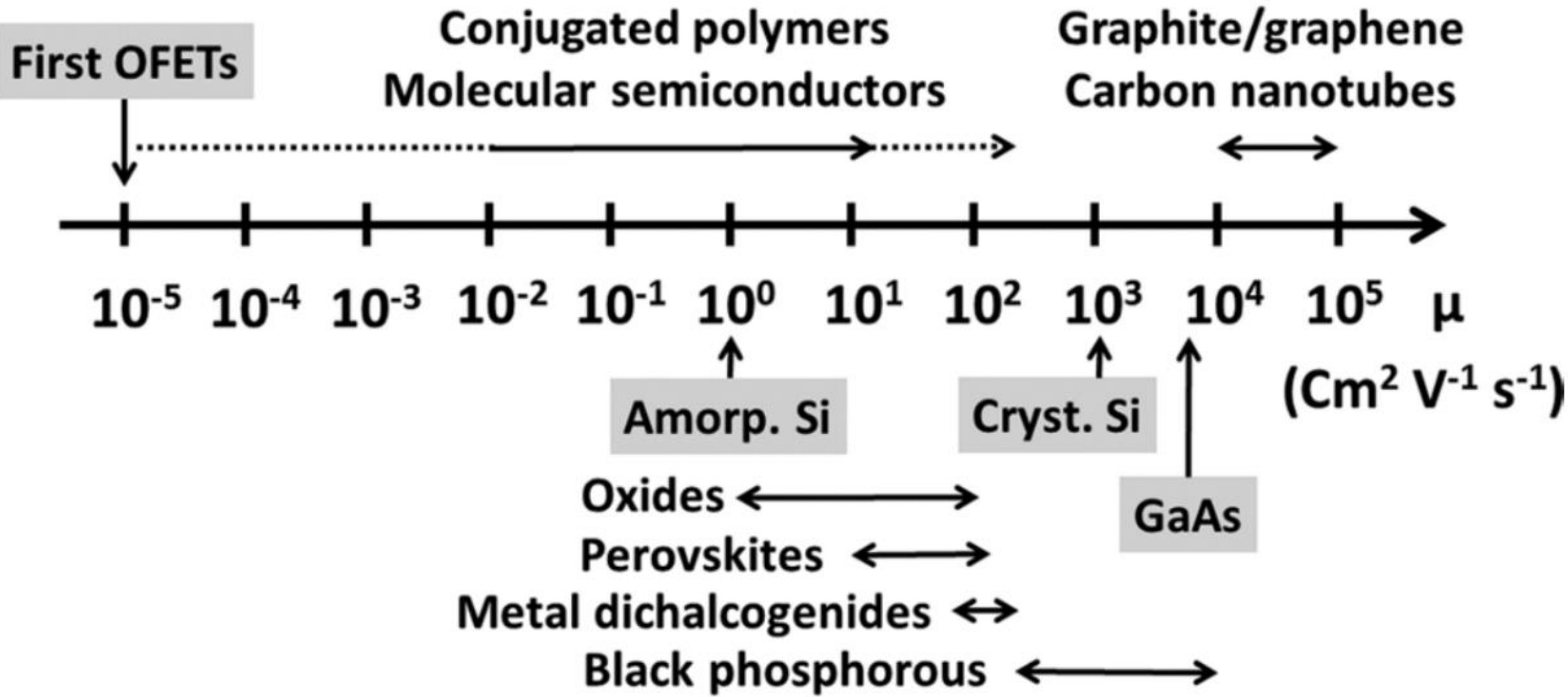
- Введение в проблему переноса электрона в полимерах
- Основные уравнения
- Некоторые результаты, полученные в ходе работы
- Анализ полученных выражений



## Области применения органической электроники

- Гибкие OLED экраны
- Солнечные панели
- Процессоры

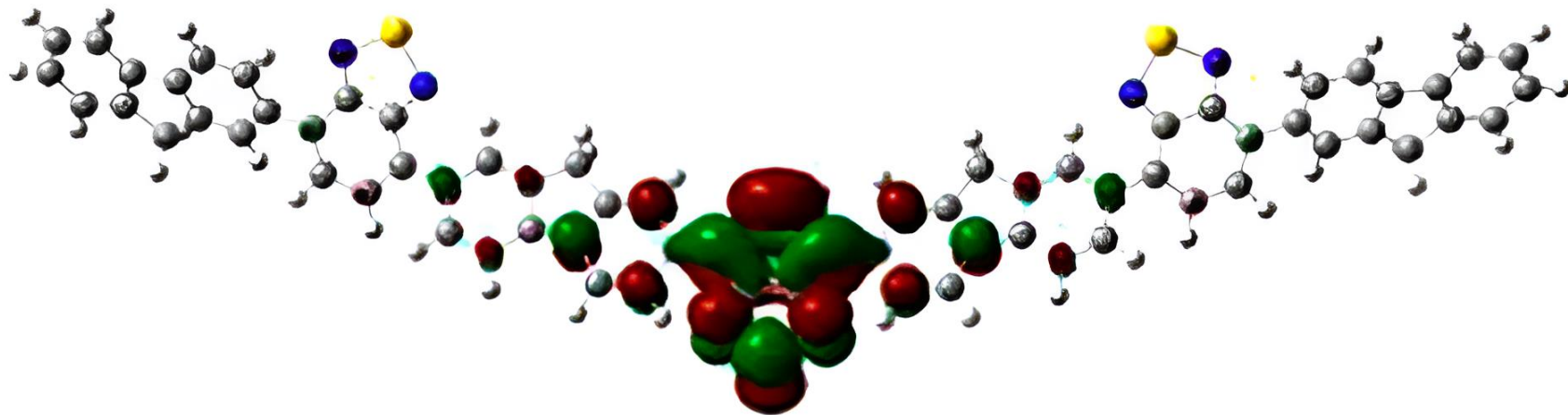




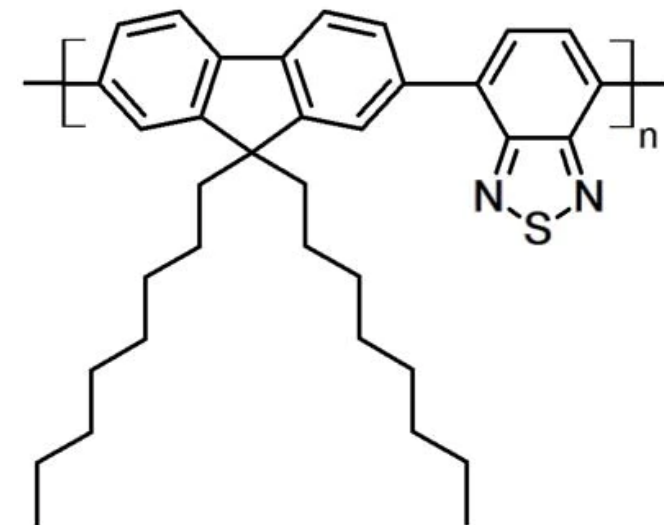
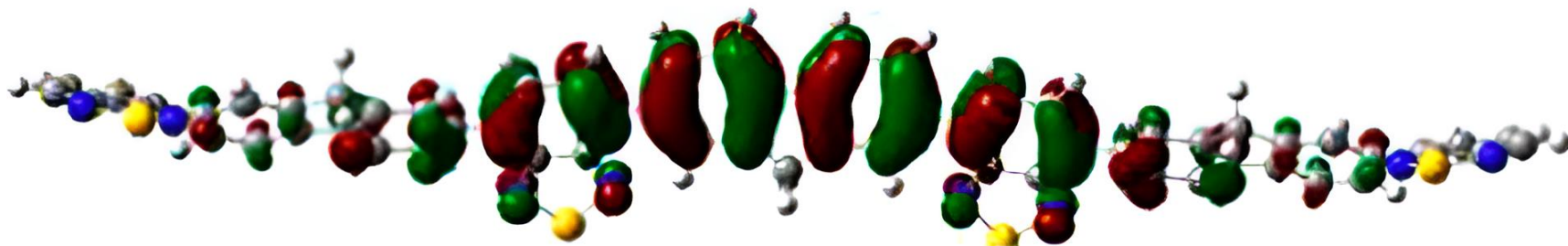


# Сопряжённые полимеры как молекулярные проводники

**F8BT анион радикал**



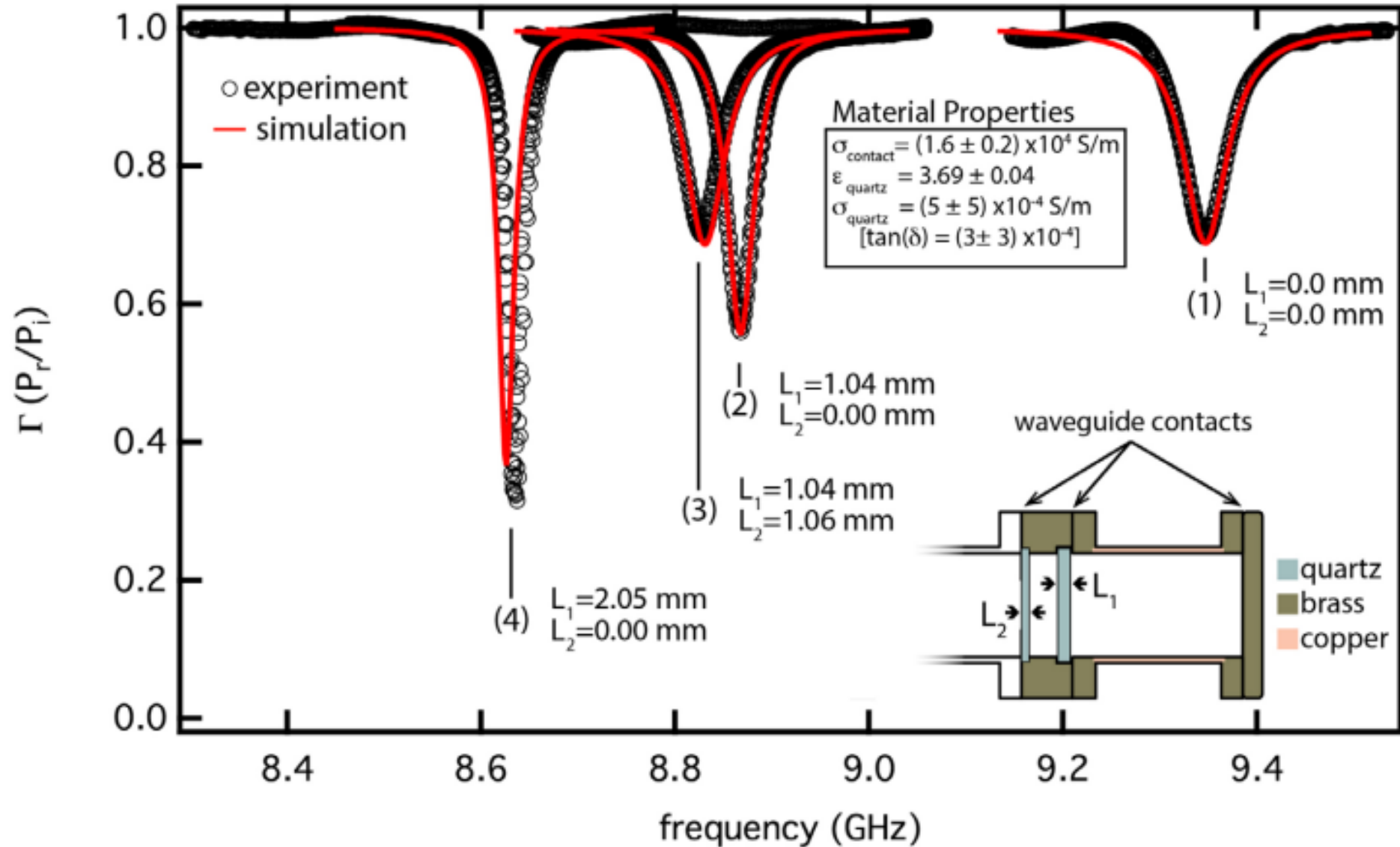
**F8BT катион радикал**



Структура поли(9,9-диоктил-2,7-флуоренил-альт-2,1,3-бензотиадиазол-4,7-диила) (F8BT)

Локализованная электронная плотность  Прыжковый транспорт

# Метод измерения микроволновой проводимости (TRMS)



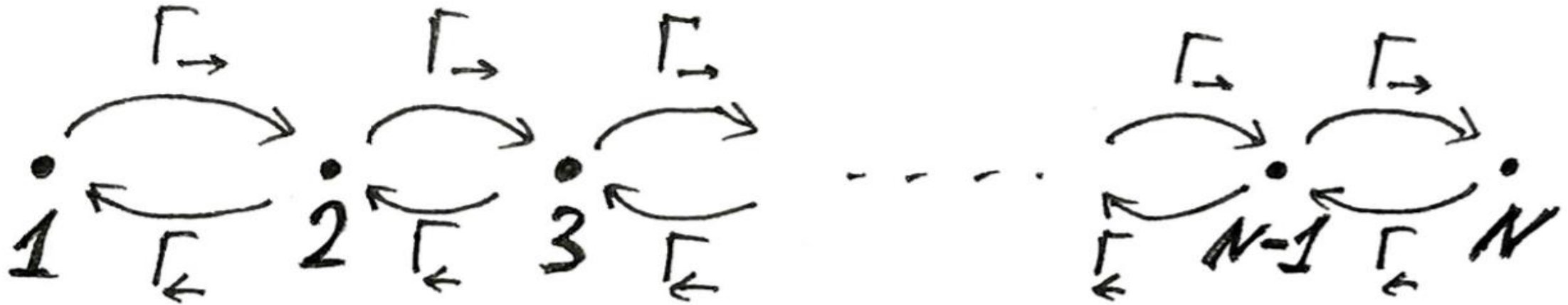
# Основные уравнения

$$E = E_0 \cos(\omega_0 t + \phi), \quad W = \frac{qE_0}{T} \int_0^T \frac{d\langle x \rangle}{dt} \cos(\omega_0 t + \phi) dt = \frac{\omega_0 q E_0}{T} \int_0^T \langle x \rangle \sin(\omega_0 t + \phi) dt$$

Средняя за период  $T$  поглощаемая  
частицей мощность  $W$  на цепочке  
с  $N$  звеньями и расстоянием  
между мономерами  $a$

$$\langle x \rangle = \sum_{k=1}^N k a P_k$$

$P_k$  – вероятность найти частицу на  $k$  позиции

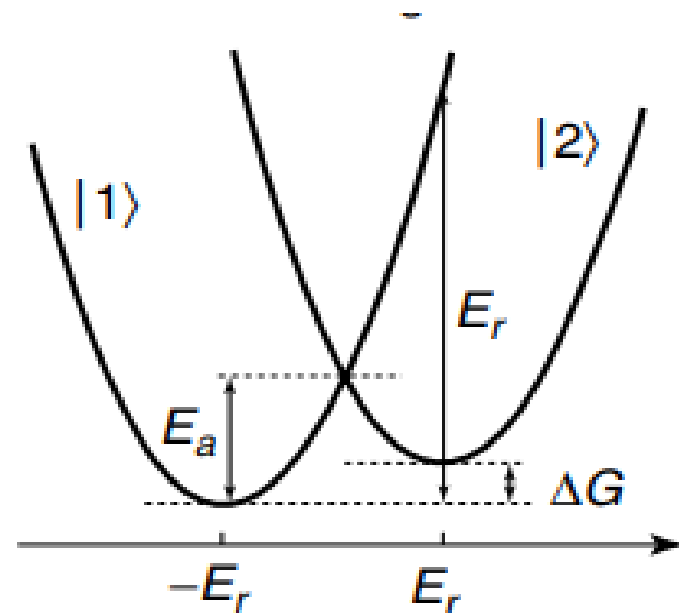


# Основные уравнения

$$\mathcal{H} = \hbar \sum_{l=1}^{\infty} \omega_l b_l^{\dagger} b_l + \sigma_z \sum_{l=1}^{\infty} u_l (b_l^{\dagger} + b_l) - \sigma_z p E(t) - \hbar \sigma_x V$$

$b_l, b_l^{\dagger}$  фоновые операторы,  $p = qa$  дипольный момент,  $V$  матричный элемент взаимодействия двух термов

$E_r = \int_0^{\infty} J(\omega) \frac{d\omega}{\omega}$  энергия реорганизации,  
 $J(\omega)$  плотность колебательных состояний.



$$\frac{d\mathbf{P}}{dt} = - \int_0^t \mathbf{M}(t, t') \mathbf{P}(t') dt'$$

$$\mathbf{M} = \begin{pmatrix} g_{\rightarrow} & -g_{\leftarrow} & 0 & & & \\ -g_{\rightarrow} & g_{\rightarrow} + g_{\leftarrow} & -g_{\leftarrow} & \dots & 0 & \\ 0 & -g_{\rightarrow} & g_{\rightarrow} + g_{\leftarrow} & & & \\ & \vdots & & \ddots & \vdots & \\ & 0 & & & \dots & g_{\leftarrow} \end{pmatrix}$$

$$g_{\leftrightarrow} = e^{-\frac{2E_r k_B T}{\pi \hbar^2} (t-t')^2} \cos\left(\frac{E_r(t-t')}{\pi \hbar}\right) \cos(2F(t) \pm 2F(t')),$$

$$F(t) = p \int_0^t E(t'') dt''$$



$$\frac{d\mathbf{P}}{dt} = -\mathbf{M}(t)\mathbf{P}, \quad \mathbf{M}(t) \text{ T периодична} \longrightarrow \mathbf{P} = \mathbf{D}(t)\exp(-\mathbf{V}t)\mathbf{P}(0)$$

В матрица монодромии, в нашем случае можно считать её единичной

$$\mathbf{D}(t) \approx \exp\left(-\int_0^t \mathbf{M}(t')dt' + \frac{t}{T} \int_0^T \mathbf{M}(t')dt'\right) \text{ T периодична}$$

Зависимость элементов матрицы от электрического поля задаётся выражениями:

$$\Gamma_{\rightleftharpoons} = \Gamma_0 e^{\pm\Delta G}, \quad \Delta G = \frac{qaE_0}{k_B T} \cos(\omega_0 t + \phi) = s \cos(\omega_0 t + \phi)$$

$$\mathbf{M}(t) = \begin{pmatrix} \Gamma_{\rightarrow} & -\Gamma_{\leftarrow} & 0 & & \\ -\Gamma_{\rightarrow} & \Gamma_{\rightarrow} + \Gamma_{\leftarrow} & -\Gamma_{\leftarrow} & \dots & 0 \\ 0 & -\Gamma_{\rightarrow} & \Gamma_{\rightarrow} + \Gamma_{\leftarrow} & & \\ & \vdots & & \ddots & \vdots \\ & 0 & & \dots & \Gamma_{\leftarrow} \end{pmatrix}$$

$$P_k = \sum_{m=1}^N C_m(0) e^{\lambda_m t} p_{m,k}$$

$$\lambda_m = \Gamma_{\rightarrow} + \Gamma_{\leftarrow} + 2\sqrt{\Gamma_{\leftarrow}\Gamma_{\rightarrow}} \cos(\varphi_m), \quad \varphi_m = \frac{m\pi}{N}, \quad m \in \{1, N-1\}$$

$$p_{m,k} = \left( -\frac{\Gamma_{\rightarrow}}{\sqrt{\Gamma_{\leftarrow}\Gamma_{\rightarrow}}} \right)^{k-1} \frac{[\sqrt{\Gamma_{\leftarrow}\Gamma_{\rightarrow}} \sin((N+1-k)\varphi_m) + \Gamma_{\rightarrow} \sin((N-k)\varphi_m)]}{\Gamma_{\rightarrow} \sin((N-1)\varphi_m)}$$

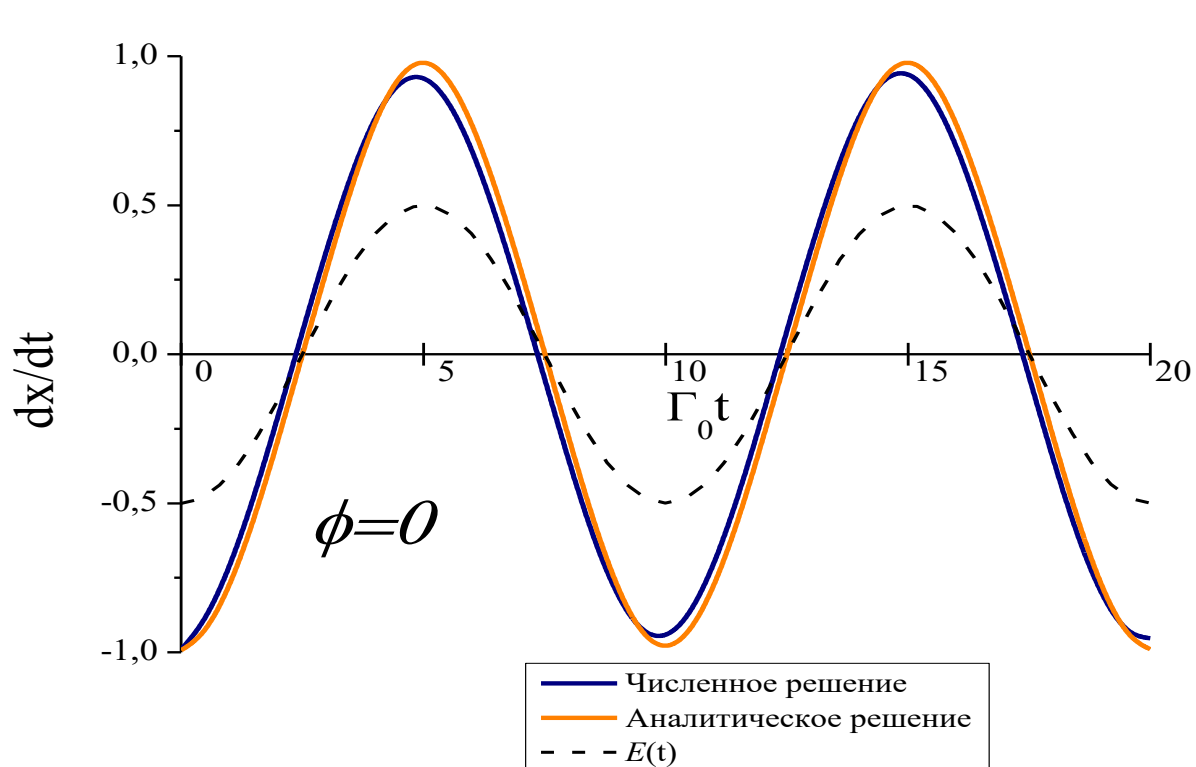
Стационарное состояние системы отвечает  $\lambda_N = 0$ ,  $p_{N,k} = \left( \frac{\Gamma_{\rightarrow}}{\Gamma_{\leftarrow}} \right)^{k-1}$

Введём скалярное произведение с весовой функцией

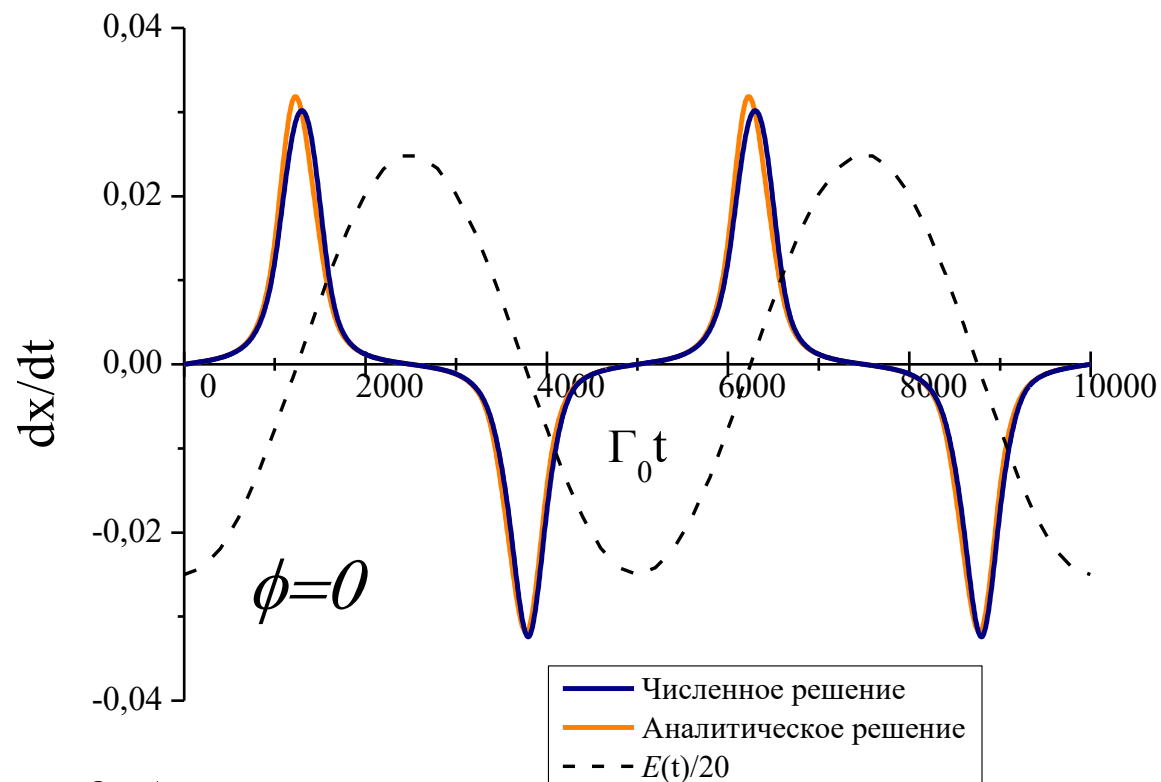
$$(\mathbf{p}_i, \mathbf{p}_j)_h = \sum_{k=1}^N \left( \frac{\Gamma_{\leftarrow}}{\Gamma_{\rightarrow}} \right)^{k-1} p_{i,k} p_{j,k} = (p_i^2)_h \delta_{ij}, \quad C_m(0) = \frac{(\mathbf{P}(0), \mathbf{p}_m)_h}{(p_m^2)_h}$$

$$P_k = \sum_{m=1}^N C_m(0) e^{\lambda_m} p_{m,k}$$

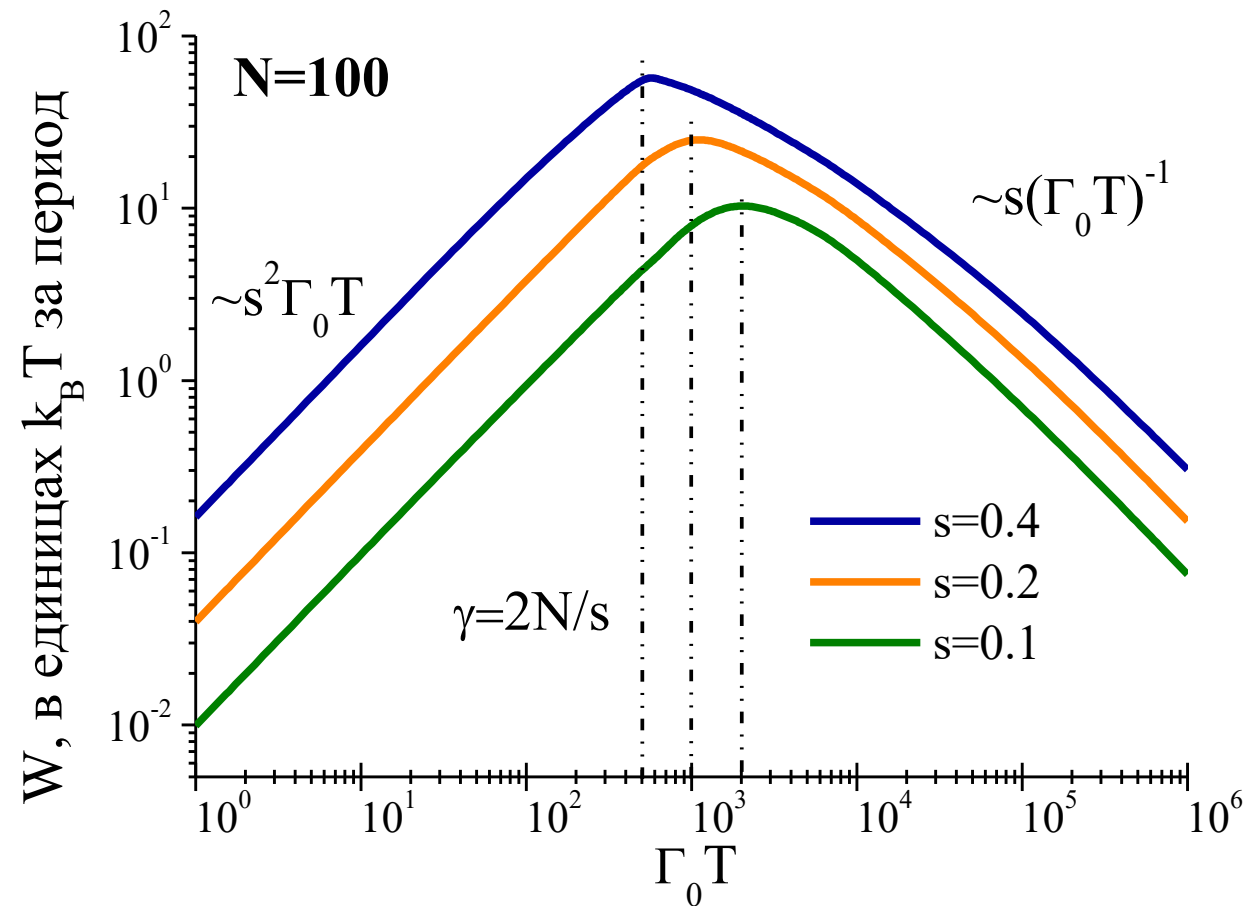
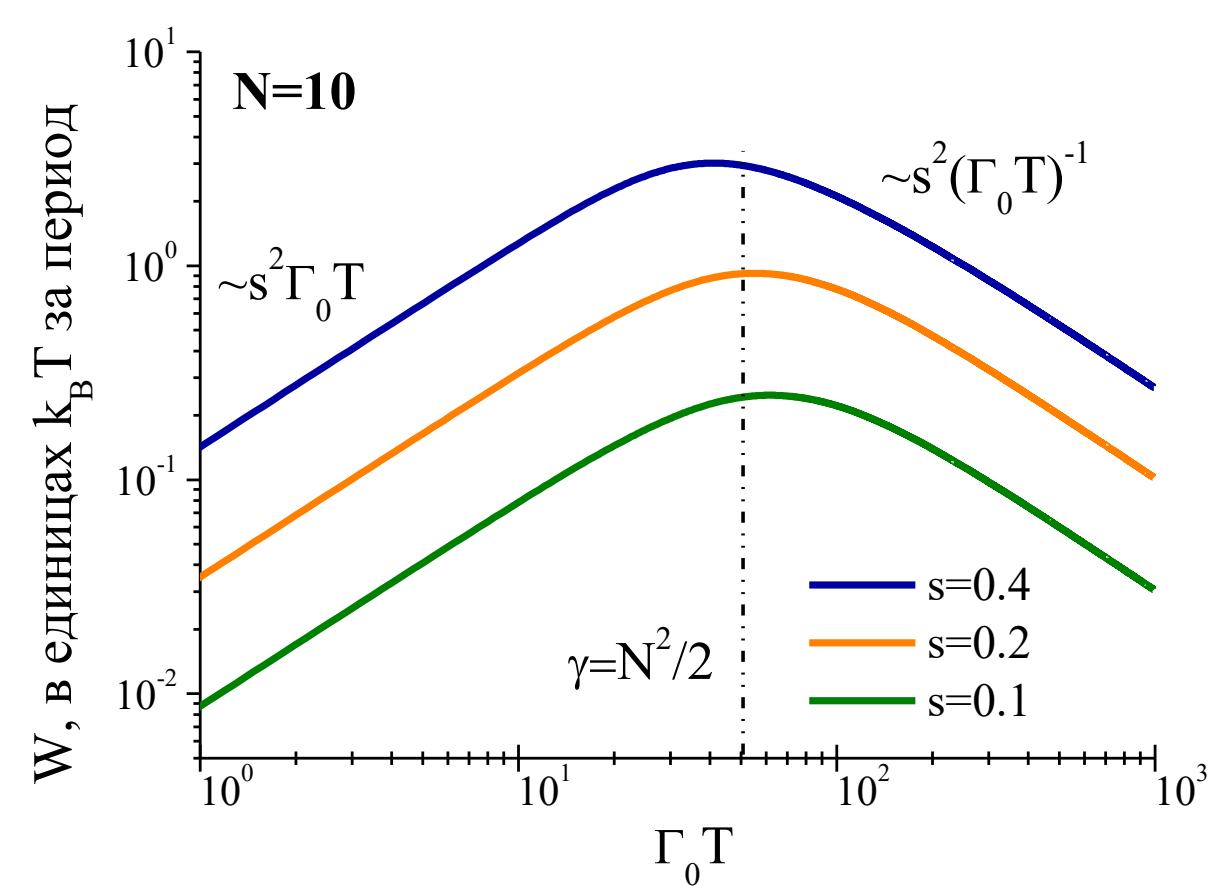
$$\langle x \rangle = a \left( \sum_{m=1}^{N-1} \frac{2\Gamma_{\leftarrow}\Gamma_{\rightarrow}(\Gamma_{\rightarrow} - \Gamma_{\leftarrow}) \left( \left[ \left( \frac{\Gamma_{\leftarrow}}{\Gamma_{\rightarrow}} \right)^{N/2} + \left( \frac{\Gamma_{\rightarrow}}{\Gamma_{\leftarrow}} \right)^{N/2} \right] \cos(N\varphi_m) - 2 \right) \sin^2(\varphi_m)}{N^2 \lambda_m^3} e^{\lambda_m} + \frac{1}{1 - \frac{\Gamma_{\rightarrow}}{\Gamma_{\leftarrow}}} + \frac{N}{1 - \left( \frac{\Gamma_{\leftarrow}}{\Gamma_{\rightarrow}} \right)^N} \right)$$



$N=20; s=0.5$



$$W = \frac{s^2}{T} \left[ 1 - \sqrt{2\Gamma_0 T N} \frac{\sin\left(\frac{1}{\sqrt{2\Gamma_0 T N}}\right) + \sinh\left(\frac{1}{\sqrt{2\Gamma_0 T N}}\right)}{\cos\left(\frac{1}{\sqrt{2\Gamma_0 T N}}\right) + \cosh\left(\frac{1}{\sqrt{2\Gamma_0 T N}}\right)} \right]$$



# Заключение

В рамках рассматриваемой модели был получен закон движения частицы на полимерной цепи в переменном электрическом поле. Таким образом, если переходить к ансамблю полимерных цепей, можно говорить о временной эволюции электронной плотности на молекуле. Это позволяет напрямую связать характеристику собственной подвижности носителя заряда  $\Gamma_0$  с наблюдаемыми величинами, которые могут быть измерены экспериментально.